## Übungsstunde 12

Freitag, 8. Dezember 2023

20:17

Autgabe:  $G = (\S S, X_0, X_1, X_2 \S, \S a, b \S, P, S), P = \S S \rightarrow X_0 a \alpha, X_0 \rightarrow \alpha X_0 | b X_1, X_1 \rightarrow \alpha X_1 | b X_2, X_2 \rightarrow \alpha X_2 | b X_0 | \lambda \S$ . Welche Sprache erzeugt G?

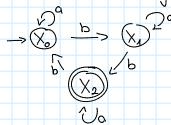
Lösung: L(G) = { waa | we {0,631, |w| 6 mod 3 = 2}

 $S \rightarrow X_0 aa = L(G) \subseteq \{a,b\}^* \cdot \{aa\}$ 

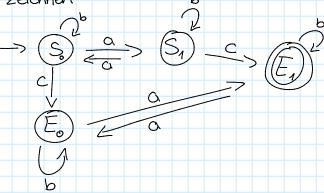
X; -> aX; für i= 1,2,3 => beliebige Anzahl von a

 $X_i \rightarrow b X_{(i+1) \mod 3} \pmod {X_2 \rightarrow X_2} \Rightarrow |W|_b \mod 3 = 23$ 

Aliter: Konvertiere die Reoplin X1, X2, X3 in einen Öguivalenten EA



Aufgabe: Gib eine reguläre Grammatik für  $L = \{x < y \mid x, y \in \} a_i b_3^* \land |x|_a + |y|_a \mod 2 = 1\}$ Lösung: 1. EA zeichnen  $|x|_a = 0, |y|_a = 1$   $|x|_a = 0, |y|_a = 0$ 



2. LEA = L3 cusnutzen

S, -> a Sol bS, ICE,

E. -> aE, bE.

E, -> OEolbE, 12 }

Allgemeine Grommatik für L = {anb2nc3n | neW} über [ = {a1b,c} 1. Wir zeigen, dass L nicht kontextfrei ist Angenommen L sei kontextfrei und sei n die durch das PL gegebene Konstante. Wähle  $z = a^n b^{2n} c^{3n}$ , wobei  $\underline{z \in L}$ . Klor ist  $n \in |z|$ . Also existient eine Zerlegung z = uvwxy. Da |vwx| = n und |vx| >1 => vwx = ab oder  $vwx = b^ic^k$  mit  $j_ik \in IU_{2,0}$  and j+k > 1. Also:  $uv^2wx^2y \in \{a^{n+p}b^{2n+g}c^{3n}, a^nb^{2n+p}c^{3n+g}\}$  mit fige  $IV_{70}$  and fig > 1. Aber InL = 0 & Widerspruch zum PL. 2. Da L nicht regulär ist, führt eine Konstruktion via eines EA nicht zwingend zum Ziel. G = ({S, A, X}, {a,b,c}, P, S) P = {S -> ASccc | X | so viele ccc wie A AX -> axbb pro ccc wire je ein bb und ein a erzeugt Aa  $\rightarrow$  aA erzeugte a wird nach links verschoben, s.d. wieder in  $X \rightarrow \lambda$ 3 a und bb erzeugt werden kann Autorbe: Kontextfreie Grammatik für L = { u # v | u, v = }a, b } , | u | a = 2 · | v | b } über 27, = }a,b,#}  $G = (\{S, A, B\}, \{o, b, \#\}, P, S)$ P= 3S -> ASB | a AaSb | # A -> Ab I > B -> Bo | > } Idee: Wort aus der Mitte heraus konstruieren Ich würde euch empfehlen alle Definitionen zu Grammatiken auswendig zu lernen. Diese bieten sich An als Lückentexte abgefragt zu werden